

# EA616 — Análise Linear de Sistemas

Pedro L. D. Peres

Faculdade de Engenharia Elétrica e de Computação  
Universidade Estadual de Campinas

2º Semestre 2011: Aula 1 — Preliminares

a) Resolva o sistema linear de equações ( $j = \sqrt{-1}$ )

$$\begin{cases} (2-j)z_1 + 2z_2 = 7-j \\ -2jz_1 + (1+j)z_2 = 5-j \end{cases}$$

$$z_1 = 1+j \quad , \quad z_2 = 2-j$$

**b)** Determine o máximo valor do módulo da função de transferência abaixo, para  $s = j\omega$ , e a frequência  $\omega_r$  na qual o máximo ocorre

$$H(s) = \frac{1}{s^2 + s + 1}$$

$$M(\omega_r) = 2/\sqrt{3} \quad , \quad \omega_r = 1/\sqrt{2}$$

c) Considere

$$x_1(t) = G_1(t-0.5), \quad x_2(t) = tG_1(t-0.5), \quad x_3(t) = \left(at^2 + bt - \frac{1}{6}\right)G_1(t-0.5)$$

com  $G_T(t) = u(t + T/2) - u(t - T/2)$ , sendo  $u(t)$  a função degrau.  
 Determine  $a$  e  $b$  que tornam  $x_3(t)$  ortogonal a  $x_1(t)$  e a  $x_2(t)$ .

Obs.:  $x(t)$  e  $y(t)$  são ortogonais se

$$x(t) \perp y(t) \quad \Leftrightarrow \quad \int_{-\infty}^{+\infty} x(t)y^*(t)dt = 0$$

$$a = -1 \quad , \quad b = 1$$

**d)** Mostre que o sinal

$$x[n] = 2 \exp(n) \sin(2n + \pi/6)$$

pode ser expresso como uma soma de exponenciais complexas

$$x[n] = \exp(n + j(2n - \pi/3)) + \exp(n - j(2n - \pi/3))$$

**e)** Mostre que o sinal

$$x[n] = 10j \exp((3 + j)n) - 10j \exp((3 - j)n)$$

pode ser expresso como

$$x[n] = \rho \exp(\alpha n) \cos(\omega n + \theta) \quad \rho > 0, \omega > 0$$

com  $\rho$ ,  $\alpha$ ,  $\omega$  e  $\theta$  reais, dados por

$$x[n] = 20 \exp(3n) \cos(n + \pi/2)$$

Teorema de Euler:  $\exp(j\theta) = \cos(\theta) + j \sin(\theta)$  ,  $\theta \in \mathbb{R}$

f) E01, Data, Nome, RA, EA616, Turma, Prof.

Considere o sistema descrito pela equação a diferenças

$$y[n] = \frac{1}{2}x[n] - \frac{1}{2}x[n-1]$$

com  $x[n] = z^n$ .

Mostre que o módulo de  $y[n]$ , para  $z = \exp(j\omega)$ , é dado por

$$|y[n]| = |j \exp(-j\omega/2) \sin(\omega/2)| = |\sin(\omega/2)|$$

Esboce  $|y[n]|$  para  $\omega$  entre  $-\pi$  e  $+\pi$ .