

Lista 2019 – Parte II

2019.1 Programe as seguintes condições de estabilidade robusta para sistemas contínuos variantes no tempo com taxa de variação limitada

$$\begin{bmatrix} \dot{P}(\alpha) + F(\alpha)A(\alpha) + A(\alpha)'F(\alpha)' & P(\alpha) - F(\alpha) + A(\alpha)'G' \\ P(\alpha) + GA(\alpha) - F(\alpha)' & -G - G' \end{bmatrix} < \mathbf{0}, \quad P(\alpha) = P(\alpha)' > 0$$

com $A(\alpha) = \alpha_1 A_1 + \alpha_2 A_2$, $P(\alpha) = \alpha_1 P_1 + \alpha_2 P_2$, $F(\alpha) = \alpha_1 F_1 + \alpha_2 F_2$, $(\alpha_1, \alpha_2) \in \Lambda_2$. Usando as condições programadas, determine o maior valor de γ que garante a estabilidade robusta para

$$A(\alpha) = \alpha_1 \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ -1 & -3 & -3 \end{bmatrix} + \alpha_2 \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ -1 & -22 & -2 \end{bmatrix}, \quad |\dot{\alpha}_1| = |\dot{\alpha}_2| \leq \gamma$$

Deve ser apresentado o código e o valor de γ_{max} .

2019.2 Seja o sistema linear precisamente conhecido a tempo discreto

$$\begin{aligned} x(k+1) &= \begin{bmatrix} -0.9 & 1 \\ 0 & 0.9 \end{bmatrix} x(k) + \begin{bmatrix} -2 \\ 4 \end{bmatrix} w(k) \\ z(k) &= [1 \ 0] x(k) + 0.1w(k) \\ y(k) &= [-1 \ -3] x(k) + 0w(k) \end{aligned}$$

- (a) Forneça o filtro \mathcal{H}_∞ ótimo de ordem completa (4 casas de precisão), o valor da norma e o código utilizado para sintetizar o filtro. Apresente uma simulação temporal contendo os sinais $z(k)$, $z_f(k)$, $w(k)$ e informe o valor do erro quadrático médio dado por

$$e = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (z(i) - z_f(i))^2$$

adotando um horizonte $N = 50$, $x(0) = [10 \ -10]'$, $x_f(0) = [0 \ 0]'$ e $w(k) = \exp(-0.25k) \cos(10k)$.

- (b) Repita o item (a) para o filtro \mathcal{H}_2 ótimo de ordem completa.

2019.3 Usando as condições LMIs do Lema 2 da aula 10, determine um ganho estabilizante $u(t) = Ly(t)$ para o sistema linear

$$\begin{aligned} \dot{x}(t) &= Ax(t) + Bu(t) \\ y(t) &= Cx(t) \end{aligned} \tag{1}$$

com as matrizes (A, B, C) dadas por: a) (2) b) (3) c) (4)

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 5 & -2 \end{bmatrix} ; \quad B = \begin{bmatrix} 3.5 \\ 2 \end{bmatrix} ; \quad C = [1 \ 0] \tag{2}$$

$$A = \begin{bmatrix} -4 & -7 & 2 \\ 0 & -4 & -2 \\ -3 & 2 & 0 \end{bmatrix} ; B = \begin{bmatrix} 1.5 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} ; C = [1 \ 0 \ 0] \quad (3)$$

$$A = \begin{bmatrix} -1 & 2 & 7 \\ 3 & -2 & 0 \\ -3 & -4 & -1 \end{bmatrix} ; B = \begin{bmatrix} -1.5 & -1 \\ -1 & -2 \\ 2 & -1 \end{bmatrix} ; C = [1 \ 0 \ 0] \quad (4)$$

Apresente o ganho estabilizante (caso exista) e o código fonte do programa.

2019.4 Seja um sistema linear discreto no tempo com as seguintes matrizes

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 0 & 1 \\ -1 & -1 & -1 & 1 \\ 1 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}, B_1 = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & -1 & 0 \\ 0 & -1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}, B_2 = \begin{bmatrix} 2 & -2 \\ -2 & 0 \\ -2 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}, C_1 = [0 \ -1 \ 2 \ 1],$$

$$C_2 = \begin{bmatrix} -1 & 0 & -1 & 0 \\ 1 & 1 & 3 & -2 \end{bmatrix}, D_{11} = [0 \ 0 \ 0], D_{12} = [0 \ 1], D_{21} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \end{bmatrix}$$

Determine os controladores ótimos \mathcal{H}_2 e \mathcal{H}_∞ de ordem completa. Deverão ser apresentadas as matrizes dos controladores (truncadas com 2 casas decimais), os valores das normas e os códigos fontes dos programas.

2019.5 Seja um sistema linear a tempo contínuo cujas matrizes (A, B) são dadas por

$$A = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 6 \\ 7 & 2 & -5 \\ -9 & 7 & 4 \end{bmatrix} ; B = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ -3 & -1 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$$

- Obtenha um ganho de realimentação de estados “cheio” utilizando o Lema 1 da Aula 8.
- Repita o item anterior, mas dessa vez procurando por um ganho descentralizado com a estrutura

$$K = \begin{bmatrix} k_{11} & 0 & k_{13} \\ 0 & k_{22} & 0 \end{bmatrix} \quad (5)$$
- Repita o item (a) usando o Lema 5 com $\xi \in \{0.001, 0.01, 0.1, 1, 10, 100\}$.
- Repita o item anterior, mas dessa vez procurando por um ganho descentralizado com a estrutura apresentada anteriormente.
- Procure pelo ganho descentralizado utilizando o Lema 3 da aula de realimentação de saída (método dos 2 estágios). Use o Lema 5 da Aula 8 como primeiro estágio (ganho “cheio”) com $\xi \in \{0.001, 0.01, 0.1, 1, 10, 100\}$. Considerando $C = I$, imponha a descentralização no segundo estágio.

Entregue o código fonte e apresente todos os ganhos sintetizados.

Entrega: A lista deve ser entregue por meio de um único arquivo pdf (que deverá incluir todos os códigos fontes de programas), enviado no endereço: ricfow@dt.fee.unicamp.br. No assunto

do email, colocar: IA892 - Lista B - RA xxxxx. Prazo: 8 de dezembro (atraso implicará em desconto na nota).